

# al\_Acak\_Lengkap\_Menggunakan n\_Metode\_Generalized\_Least\_S quares.pdf

*by*

---

**Submission date:** 11-Apr-2023 02:53PM (UTC+0700)

**Submission ID:** 2061391383

**File name:** al\_Acak\_Lengkap\_Menggunakan\_Metode\_Generalized\_Least\_Squares.pdf (715.14K)

**Word count:** 3799

**Character count:** 22094

## Estimasi Komponen Variansi pada Rancangan Faktorial Acak Lengkap Menggunakan Metode Generalized Least Squares

A. Muthiah Nur Angriany\*<sup>1</sup>, Georgina Maria Tinungki<sup>2</sup>, Raupong<sup>3\*</sup>

### Abstracts

Experiment design is a test or a row of test by using both statistical description and inference statistical. The aim of this test is to change an input to become an output as a respond of the experiment. In the experiment design, variance of factor A, B, AB error of variance are called as *variant component*. The aim of this study is to estimate variance component on complete random factorial design for fixed model and mixed model by using *Generalized Least Squares (GLS)* method, where GLS method as a development of *Ordinary Least Square* method. It used to be applied on data of complete random factorial design, namely like the influence to density pelleting food which is caused by increasing adhesive material and longtime in storage. The results show that there is no influence of increasing adhesive material to the density of pelleting food. In addition, there exist of diversity of longtime of storage and there exists a diversity interaction between adding adhesive material and long of time of storage to the density of pelleting food

**Keywords:** *Generalized Least Squares*, variance component, complete random factorial design

### Abstrak

Perancangan percobaan adalah suatu uji atau sederet uji baik itu menggunakan statistika deskripsi maupun statistika inferensi, yang bertujuan untuk mengubah peubah input menjadi suatu output yang merupakan respon dari percobaan tersebut. Dalam perancangan percobaan, variansi dari faktor A, variansi dari faktor B, variansi interaksi faktor AB, dan variansi galat disebut dengan komponen varian. Penelitian ini bertujuan untuk mengestimasi komponen variansi pada rancangan faktorial acak lengkap model tetap dan model campuran menggunakan metode *Generalized Least Squares (GLS)*, dimana metode GLS adalah pengembangan dari metode *Ordinary Least Square* yang biasa digunakan untuk mengatasi asumsi homogenitas yang biasa dilanggar dalam perancangan percobaan. Metode tersebut diterapkan pada data rancangan faktorial acak lengkap yaitu pengaruh berat jenis pakan pellet dengan kombinasi perlakuan penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan. Hasil menunjukkan bahwa tidak terdapat pengaruh penambahan bahan perekat terhadap berat jenis pakan pellet. Selain itu, terdapat keragaman faktor lama penyimpan dan terdapat keragaman interaksi antara faktor penambahan perekat dan lama penyimpanan terhadap berat jenis pakan pellet.

**Kata kunci:** *Generalized Least Squares*, komponen variansi, rancangan faktorial acak lengkap

## 1. PENDAHULUAN

Perancangan percobaan adalah suatu uji atau sederet uji baik menggunakan statistika deskripsi maupun statistika inferensi, yang bertujuan untuk mengubah peubah input menjadi suatu output yang merupakan respon dari perlakuan tersebut [7]. Dalam beberapa perlakuan, terdapat faktor yang digunakan lebih dari satu sehingga biasanya terjadi interaksi antara faktor yang diterapkan, percobaan ini disebut dengan percobaan faktorial. Rancangan faktorial dengan rancangan acak lengkap

\* Program studi Statistika, Universitas Hasanuddin

Email: <sup>1</sup>amuthiah97@gmail.com, <sup>2</sup>ina\_matematika@yahoo.com,

<sup>3</sup>Raupong.stat.uh@gmail.com

merupakan percobaan faktorial dengan rancangan dasar RAL, faktor yang digunakan terdiri dari dua faktor, yaitu faktor A dengan a taraf dan faktor B dengan b taraf, serta kedua faktor yang saling berinteraksi. Dalam rancangan faktorial dua faktor, variansi faktor A, variansi faktor B, variansi interaksi antara faktor A dan faktor B, dan variansi galat disebut komponen variansi [3].

Beberapa metode yang dapat digunakan dalam mengestimasi komponen variansi, diantaranya analisis variansi (ANOVA), metode maksimum *Likelihood* (MLE) dan metode *restricted maximum Likelihood* (REML) [12]. Metode ANOVA merupakan suatu teknik penguraian variansi total ke dalam komponen-komponen model, dimana metode estimasi parameter yang digunakan yaitu *ordinary least square* (OLS) untuk perancangan yang semua asumsinya terpenuhi. Metode *generalized least square* (GLS) sebagai pengembangan metode OLS untuk mengatasi asumsi homogenitas yang sering dilanggar dalam asumsi perancangan percobaan statistika. Beberapa peneliti yang mengkaji komponen variansi diantaranya adalah Hartley dan Rou [3], R.R Corbeil and S.R [2], Hasby, dkk [5]. Penerapan *Generalized Least Square* sendiri dalam perancangan percobaan telah dibahas pada tahun 2013 [9] dalam skripsi berjudul “Analisis Faktorial RAL dengan Metode *Generalized Least Square* (GLS)” dengan hasil bahwa dalam menaksir parameter metode GLS lebih baik dari OLS.

## 2. Tinjauan Pustaka

### 2.1 Percobaan Faktorial dengan Rancangan Acak Lengkap

Percobaan faktorial dengan rancangan dasar RAL adalah percobaan faktorial yang menggunakan RAL sebagai rancangan dasar, sedangkan faktor yang dicobakan lebih dari satu. Dalam percobaan faktorial, akan berhadapan dengan kombinasi dari taraf-taraf faktor yang dicobakan disebut sebagai perlakuan.

Model linier untuk percobaan faktorial yang terdiri dari dua faktor dengan menggunakan rancangan dasar RAL adalah sebagai berikut :

$$Y_{ijk} = \mu + \alpha_i + \beta_j + (\gamma)_{ij} + \varepsilon_{ijk}; i = 1, 2, \dots, a; j = 1, 2, \dots, b; k = 1, 2, \dots, r \quad (2.1)$$

Keterangan :  $Y_{ijk}$  = respon perlakuan pada faktor A taraf ke- $i$ , faktor B taraf ke- $j$  dan ulangan ke- $k$ ;  $\mu$  = rata-rata umum;  $\alpha_i$  = Pengaruh utama faktor A taraf ke- $i$ ;  $\beta_j$  = pengaruh utama faktor B taraf ke- $j$ ;  $(\gamma)_{ij}$  = pengaruh interaksi faktor A taraf ke- $i$  dan faktor B taraf ke- $j$ ;  $\varepsilon_{ijk}$  = galat pada faktor A taraf ke- $i$ , faktor B taraf ke- $j$  dan ulangan ke- $k$ .

Beberapa model pada rancangan faktorial diantaranya adalah model tetap, model acak, dan model campuran. Jika faktor A dengan a taraf dan faktor B dengan b taraf tetap, maka disebut model tetap. Jika faktor A dengan a taraf dan faktor B dengan b taraf acak, maka disebut model acak. Sedangkan jika faktor A dengan a taraf tetap dan faktor B dengan b taraf acak atau sebaliknya disebut dengan model campuran. Asumsi apabila faktor A dengan a taraf dan faktor B dengan b taraf tetap adalah  $\sum_i \alpha_i = \sum_j \beta_j = \sum_i \gamma_{ij} = \sum_j \gamma_{ij} = 0$ , sedangkan asumsi jika faktor A dengan a taraf tetap dan faktor B dengan b taraf acak adalah  $\sum_i \alpha_i = 0$ ,  $\beta_j \sim N(0, \sigma_{\beta}^2)$ ,  $(\gamma)_{ij} \sim N(0, \sigma_{\beta}^2)$ , dan  $\varepsilon_{ijk} \sim N(0, \sigma^2)$  [3].

### 2.2 Uji Asumsi Rancangan

1. Galat berdistribusi normal

Uji normalitas digunakan untuk melihat apakah data menyebar normal atau tidak. Kenormalan data dapat ditentukan dengan menggunakan *probability plot normal*, dengan melihat titik-titik dugaan galat jika mengikuti garis diagonal berarti galat berdistribusi normal. Asumsi normalitas juga dapat diuji dengan menggunakan uji Liliefors.

2. Variansi galat homogen

Asumsi homogenitas mensyaratkan bahwa distribusi galat untuk masing-masing kelompok harus memiliki variansi yang homogen. Uji formal yang dapat digunakan untuk memeriksa asumsi kehomogenan adalah uji Bartlett [8].

## A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

### 3. Galat percobaan saling bebas

Kebebasan galat percobaan lebih umum diartikan sebagai tidak ada korelasi antar galat. Galat dari salah satu pengamatan yang mempunyai nilai tertentu harus tidak bergantung dari nilai-nilai galat pengamatan yang lain [3]. Pengujian terhadap asumsi kebebasan antar galat percobaan dilakukan dengan cara membuat plot antara nilai sisaan dengan nilai dugaan pengamatan. Apabila grafik yang terbentuk berfluktuasi secara acak di sekitar nol, maka dapat dikatakan bahwa suku-suku galat percobaan saling bebas.

### 2.3 Struktur Data Pengamatan dan Struktur Analisis Variansi

Tabel 2.1 Tabulasi data yang terdiri dari faktor A dan a taraf, faktor B dengan b taraf, r ulangan

Faktor A	Ulangan	Faktor B				Total Baris ( $y_{i.}$ )
		1	2	...	B	
1	1	$y_{111}$	$y_{121}$	...	$y_{1b1}$	$y_{1.1}$
	2	$y_{112}$	$y_{122}$	...	$y_{1b2}$	$y_{1.2}$
	⋮	⋮	⋮	...	⋮	⋮
	r	$y_{11r}$	$y_{12r}$	...	$y_{1br}$	$y_{1.r}$
	$y_{1j.}$	$y_{11.}$	$y_{12.}$	...	$y_{1b.}$	$y_{1..}$
2	1	$y_{211}$	$y_{221}$	...	$y_{2b1}$	$y_{2.1}$
	2	$y_{212}$	$y_{222}$	...	$y_{2b2}$	$y_{2.2}$
	⋮	⋮	⋮	...	⋮	⋮
	r	$y_{21r}$	$y_{22r}$	...	$y_{2br}$	$y_{2.r}$
	$y_{2j.}$	$y_{21.}$	$y_{22.}$	...	$y_{2b.}$	$y_{2..}$
⋮	⋮	⋮	⋮	...	⋮	⋮
A	1	$y_{a11}$	$y_{a21}$	...	$y_{ab1}$	$y_{a.1}$
	2	$y_{a12}$	$y_{a22}$	...	$y_{ab2}$	$y_{a.2}$
	⋮	⋮	⋮	...	⋮	⋮
	r	$y_{a1r}$	$y_{a2r}$	...	$y_{abr}$	$y_{a.r}$
	$y_{ij.}$	$y_{a1.}$	$y_{a2.}$	...	$y_{ab.}$	$y_{a..}$
Total Kolom ( $y_{.j.}$ )	$y_{.1.}$	$y_{.2.}$	...	$y_{.b.}$	$y_{..}$	

Berikut adalah struktur tabel analisis variansi (ANOVA) untuk rancangan faktorial acak lengkap [7]

Tabel 2.2 Struktur tabel ANOVA pada rancangan faktorial acak lengkap

Sumber Variansi	db	JK	KT	$F_{Hitung}$
Model tetap (faktor A dan faktor B tetap)				
A	$a - 1$	$JKA$	$KTA$	$\frac{KTA}{KTG}$
B	$b - 1$	$JKB$	$KTB$	$\frac{KTB}{KTG}$
AB	$(a - 1)(b - 1)$	$JKAB$	$KTAB$	$\frac{KTAB}{KTG}$

### A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

Galat	$ab(r - 1)$	$JKG$	$KTG$	
Total	$abr - 1$	$JKT$		
Model campuran (faktor A tetap dan faktor B acak)				
A	$a - 1$	$JKA$	$KTA$	$\frac{KTA}{KTAB}$
B	$b - 1$	$JKB$	$KTB$	$\frac{KTB}{KTAB}$
AB	$(a - 1)(b - 1)$	$JKAB$	$KTAB$	$\frac{KTAB}{KTAB}$
Galat	$ab(r - 1)$	$JKG$	$KTG$	
Total	$abr - 1$	$JKT$		

Nilai taksiran untuk komponen variansi pada rancangan faktorial RAL model campuran dengan faktor A tetap dan faktor B acak yaitu sebagai berikut (Searle dkk, 2006):

$$\sigma_e^2 = KTG \quad (2.2)$$

$$\sigma_\beta^2 = \frac{1}{ar} [KT B - KTAB] \quad (2.3)$$

$$\sigma_\gamma^2 = \frac{1}{r} [KTAB - KTG] \quad (2.4)$$

#### 2.4 Regresi dengan Metode Ordinary Least Square

Bentuk umum regresi adalah

$$Y_i = \beta_0 + \beta_1 X_{1i} + \beta_2 X_{2i} + \dots + \beta_k X_{ki} + \varepsilon_i \quad \text{atau} \quad \mathbf{Y} = \mathbf{X}\boldsymbol{\beta} + \boldsymbol{\varepsilon} \quad (2.5)$$

OLS merupakan salah satu metode yang banyak digunakan oleh para ilmuwan atau peneliti dalam proses perhitungan suatu persamaan regresi. Cara kerja dengan meminimumkan jumlah kuadrat galat.

Agar taksiran OLS bersifat BLUE (*Best Linier Unbiased Estimator*) maka harus dipenuhi beberapa asumsi dasar yaitu : nilai harapan  $\boldsymbol{\varepsilon}$  sama dengan nol atau  $E(\boldsymbol{\varepsilon}) = 0$ ,  $\boldsymbol{\varepsilon}$  memiliki variansi yang konstan atau tidak terjadi heteroskedastisitas, tidak ada korelasi antara  $\varepsilon_i$  dan  $\varepsilon_j$  dimana  $i \neq j$  atau tidak terjadi autokorelasi, tidak terjadi multikolinearitas atau variable bebas saling independen,  $\varepsilon_i$  berdistribusi normal atau dapat ditulis  $\boldsymbol{\varepsilon} \stackrel{iid}{\sim} N(\mathbf{0}, \sigma^2 \mathbf{I})$ .

Dengan menggunakan metode OLS maka diperoleh :

$$\hat{\boldsymbol{\beta}} = (\mathbf{X}^t \mathbf{X})^{-1} \mathbf{X}^t \mathbf{Y} \quad (2.6)$$

matriks varian-kovarian adalah

$$\text{Var}(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{OLS}) = \sigma^2 (\mathbf{X}^t \mathbf{X})^{-1} \quad (2.7)$$

sedangkan estimasi untuk  $\text{var}(\boldsymbol{\varepsilon}) = \sigma^2$  OLS adalah

$$\hat{\sigma}_{OLS}^2 = \frac{1}{n-p} [\hat{\boldsymbol{\varepsilon}}^t \hat{\boldsymbol{\varepsilon}}] = \frac{1}{n-p} [(\mathbf{Y} - \mathbf{X}\hat{\boldsymbol{\beta}}_{OLS})^t (\mathbf{Y} - \mathbf{X}\hat{\boldsymbol{\beta}}_{OLS})] \quad (2.8)$$

#### 2.5 Regresi dengan Metode Generalized Least Square

Pelanggaran terhadap beberapa asumsi dalam model regresi linier seperti terjadinya heterokedastisitas menyebabkan metode OLS tidak tepat untuk digunakan dalam mengestimasi parameter pada model regresi linier. Heterokedastisitas adalah keadaan dimana  $\text{Var}(\boldsymbol{\varepsilon})$  tidak berbentuk  $\sigma^2 \mathbf{I}$ , melainkan berbentuk matriks diagonal dengan unsur-unsur pada diagonal utamanya tidak sama. Selain itu dapat juga terjadi unsur-unsur diluar diagonal untuk matriks  $\text{Var}(\boldsymbol{\varepsilon}) \neq 0$  yang berarti pengamatan saling berkorelasi atau serial korelasi (Draper and Smith, 1992). Kasus heterokedastisitas diasumsikan bahwa  $\text{Var}(\boldsymbol{\varepsilon}) = \sigma^2 \boldsymbol{\Omega}$  dimana  $\boldsymbol{\Omega}$  adalah suatu matriks berukuran  $n \times n$ . Untuk

## A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

mengatasi adanya pelanggaran asumsi pada metode OLS tersebut maka akan dilakukan penyelesaian dengan melakukan transformasi pada model regresi agar asumsi pada metode OLS terpenuhi

Pada model linear (2.5) asumsi matriks kovariansi galatnya  $\Sigma = \sigma^2 \Omega$ , dengan matriks  $\Omega$  merupakan matriks simetris definit positif, oleh sebab itu untuk setiap matriks  $\Omega$  ada matriks  $P$  nonsingular berukuran  $n \times n$  sehingga  $P'P = \Omega$ , dengan demikian  $P^{-1}\Omega(P^{-1})' = I$  Kemudian pada model linier (2.5) kedua ruas akan dikalikan dengan  $P^{-1}$  sehingga akan menjadi bentuk :

$$P^{-1}Y = P^{-1}X\beta + P^{-1}\varepsilon \quad \text{atau} \quad (2.9)$$

dapat ditulis :  $Y_b = X_b\beta + f$  ,  $E(f) = P^{-1}\varepsilon = 0$

dengan demikian,  $Cov(f) = E[(f - E(f))(f - E(f))'] = \sigma^2 I$

Setelah dilakukan transformasi ternyata model regresi memenuhi asumsi klasik, sehingga untuk mencari parameter untuk metode GLS dapat menggunakan langkah-langkah pada metode OLS yaitu:

$$\hat{\beta}_{GLS} = (X' \Omega^{-1} X)^{-1} X' \Omega^{-1} Y \quad (2.10)$$

dengan matriks varian-kovarian adalah

$$\text{Var}(\hat{\beta}_{GLS}) = E[(\hat{\beta}_{GLS} - E(\hat{\beta}_{GLS}))(\hat{\beta}_{GLS} - E(\hat{\beta}_{GLS}))'] = \sigma^2 (X' \Omega^{-1} X)^{-1} \quad (2.11)$$

sedangkan estimasi untuk  $\sigma^2$  GLS adalah

$$\hat{\sigma}_{GLS}^2 = \frac{1}{n-p} [(P\hat{\varepsilon})' P\hat{\varepsilon}] = \frac{1}{n-p} [(Y - X\hat{\beta}_{GLS})' \Omega^{-1} (Y - X\hat{\beta}_{GLS})] \quad (2.12)$$

### 2.6 Formula Matriks dari Faktorial RAL

Dengan menggunakan perkalian kronecker maka persamaan (2.1) dapat ditulis dalam bentuk matriks sebagai berikut

$$Y = (\mathbf{1}_a \otimes \mathbf{1}_b \otimes \mathbf{1}_r) \mu + (\mathbf{I}_a \otimes \mathbf{1}_b \otimes \mathbf{1}_r) \alpha + (\mathbf{1}_a \otimes \mathbf{I}_b \otimes \mathbf{1}_r) \beta + (\mathbf{1}_a \otimes \mathbf{I}_b \otimes \mathbf{1}_r) \varepsilon \quad (2.13)$$

misalkan  $[\mu \quad \alpha' \quad \beta' \quad \gamma']' = \beta^*$

maka persamaan (2.13) dapat disederhanakan menjadi :

$$Y = X^* \beta^* + \varepsilon \quad (2.14)$$

Berdasarkan persamaan (2.5) dan (2.6) maka estimator OLS ( $\hat{\beta}_{OLS}^*$ ) dan GLS ( $\hat{\beta}_{GLS}^*$ ) dari persamaan (2.14) adalah

$$\hat{\beta}_{OLS}^* = (X^{*t} X^*)^{-1} X^{*t} Y \quad (2.15)$$

$$\hat{\beta}_{GLS}^* = (X^{*t} \Omega^{-1} X^*)^{-1} X^{*t} \Omega^{-1} Y \quad (2.16)$$

Dengan matriks varian-kovarian untuk OLS dan GLS adalah

$$\text{Var}(\hat{\beta}_{OLS}^*) = \sigma^2 (X^{*t} X^*)^{-1} \quad (2.17)$$

$$\text{Var}(\hat{\beta}_{GLS}^*) = \sigma^2 (X^{*t} \Omega^{-1} X^*)^{-1} \quad (2.18)$$

sedangkan estimasi untuk  $\sigma^2$  adalah

$$\hat{\sigma}_{OLS}^2 = \frac{1}{n-p} [(\hat{\varepsilon})' \hat{\varepsilon}] = \frac{1}{n-p} [(Y - X\hat{\beta}_{OLS}^*)' (Y - X\hat{\beta}_{OLS}^*)] \quad (2.19)$$

$$\hat{\sigma}_{GLS}^2 = \frac{1}{n-p} [(P\hat{\varepsilon})' P\hat{\varepsilon}] = \frac{1}{n-p} [(Y - X\hat{\beta}_{GLS}^*)' \Omega^{-1} (Y - X\hat{\beta}_{GLS}^*)] \quad (2.20)$$

## 3. Metode Analisis

### 3.1 Sumber Data

Data yang digunakan pada tugas akhir ini merupakan data sekunder berupa data penelitian dari A. Yusrapardi R. (2008) mengenai pengaruh penambahan perekat tepung tapioka dan tepung galek serta lama penyimpanan yang berbeda terhadap sifat fisik pakan itik bentuk pellet. Sifat fisik merupakan bagian dari karakteristik mutu, parameter mutu yang dimaksud dalam penelitian A.Yusrapardi adalah besaran yang mencirikan beberapa sifat mutu produk yang diturunkan dari beberapa pengukuran sifat fisik antara lain adalah berat jenis, kerapatan tumpukan, kerapatan pemadatan tumpukan. Pada penelitian ini digunakan

## A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

data sekunder perukuran fisik berat jenis dengan perlakuan penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan. Penelitian ini menggunakan rancangan faktorial acak lengkap yang terdiri dari 2 faktor dan 4 ulangan.

### 3.2 Identifikasi Variable

Tugas akhir ini menggunakan rancangan faktorial RAL yaitu :

- 1) Faktor A : Perekat yang terdiri dari 3 taraf faktor yaitu :
  - a<sub>1</sub> : Tanpa perekat
  - a<sub>2</sub> : Tepung Tapioka 5%
  - a<sub>3</sub> : Tepung Gaplek 5 %
- 2) Faktor B : Lama penyimpanan yang terdiri dari 3 taraf faktor yaitu :
  - b<sub>1</sub> : 0 minggu
  - b<sub>2</sub> : 2 minggu
  - b<sub>3</sub> : 4 minggu

### 3.3 Metode Analisis

Adapun langkah-langkah yang dilakukan berdasarkan tujuan penelitian adalah sebagai berikut:

1. Pengambilan data sekunder
2. Melakukan uji asumsi rancangan percobaan.
  - a) Uji normalitas galat menggunakan uji Liliefors
  - b) Uji kehomogenan variansi galat menggunakan uji Bartlett
  - c) Uji galat percobaan saling bebas dengan membuat plot antara nilai sisaan dengan nilai dugaan pengamatan
3. Membentuk model Faktorial RAL dalam bentuk persamaan regresi dengan menggunakan perkalian kronecker.
4. Mengestimasi komponen-komponen varian:
  - a) Mengestimasi parameter regresi menggunakan metode OLS (2.15)
  - b) Mengestimasi  $\text{var}(\varepsilon) = \sigma^2$  OLS menggunakan persamaan (2.17)
  - c) Membentuk persamaan regresi baru  $Y_b = X_b^* \beta^* + f$
  - d) Mengestimasi parameter regresi menggunakan metode GLS (2.16)
  - e) Mengestimasi komponen variansi error menggunakan persamaan (2.18)
  - f) Mengestimasi komponen variansi faktor A, faktor B, dan faktor AB berdasarkan point d
5. Menghitung KTG
6. Menghitung  $F_{hitung}$
7. Memberikan Kesimpulan

## 4. Hasil dan Pembahasan

### 4.1 Model Rancangan Percobaan dengan Faktorial Rancangan Acak Lengkap dalam Regresi

Model linear dari rancangan percobaan faktorial dengan rancangan acak lengkap pada persamaan (2.1) diterapkan pada data Lampiran 1, dengan faktor A dengan taraf a=3, faktor B dengan taraf b=3, dan r=4 dapat dituliskan sebagai berikut :

$$Y = (\mathbf{1}_3 \otimes \mathbf{1}_3 \otimes \mathbf{1}_4) \mu + (\mathbf{I}_3 \otimes \mathbf{1}_3 \otimes \mathbf{1}_4) \alpha + (\mathbf{1}_3 \otimes \mathbf{I}_3 \otimes \mathbf{1}_4) \beta + (\mathbf{I}_3 \otimes \mathbf{I}_3 \otimes \mathbf{1}_4) \gamma + (\mathbf{I}_3 \otimes \mathbf{I}_3 \otimes \mathbf{I}_4) \varepsilon \quad (4.1)$$

Misalkan  $\beta^* = [\mu \quad \alpha^t \quad \beta^t \quad \gamma^t]^t$  maka persamaan (4.1) dapat ditulis dalam bentuk persamaan regresi yaitu :

$$Y = X^* \beta^* + \varepsilon \quad (4.2)$$

## A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

### 4.2 Estimasi Komponen Variansi dengan Metode GLS dalam Rancangan Faktorial Acak Lengkap

Metode GLS adalah pengembangan metode OLS yang digunakan apabila terjadi heterokedastisitas atau autokorelasi. Asumsi metode GLS adalah  $E(\boldsymbol{\varepsilon}) = \mathbf{0}$ ,  $Var(\boldsymbol{\varepsilon}) = \sigma^2\boldsymbol{\Omega}$ ; dan  $\boldsymbol{\varepsilon} \sim N_p(0, \sigma^2\boldsymbol{\Omega})$ .  $\boldsymbol{\Omega}$  adalah suatu matriks berukuran  $n \times n$  yang simetris dan definit positif akibatnya untuk setiap matriks  $\boldsymbol{\Omega}$  terdapat matriks  $\mathbf{P}$  nonsingular berukuran  $n \times n$  sehingga  $\mathbf{P}'\mathbf{P} = \boldsymbol{\Omega}$ . dengan demikian  $\mathbf{P}^{-1}\boldsymbol{\Omega}(\mathbf{P}^{-1})' = \mathbf{I}$

Pada model linier (4.2) kedua ruas akan dikalikan dengan  $\mathbf{P}^{-1}$  diperoleh :

$$\mathbf{P}^{-1}\mathbf{Y} = \mathbf{P}^{-1}\mathbf{X}'\boldsymbol{\beta}^* + \mathbf{P}^{-1}\boldsymbol{\varepsilon}$$

Atau dapat ditulis :  $\mathbf{Y}_b = \mathbf{X}_b\boldsymbol{\beta}^* + \mathbf{f}$  ;  $\mathbf{f}$  = galat baru ,  $E(\mathbf{f}) = \mathbf{P}^{-1}\boldsymbol{\varepsilon} = \mathbf{0}$

dengan demikian matriks kovariansi dari  $\mathbf{f}$  dapat ditulis :

$$Cov(\mathbf{f}) = E[(\mathbf{f} - E(\mathbf{f}))(\mathbf{f} - E(\mathbf{f}))'] = \sigma^2\mathbf{I} \quad (4.3)$$

Berdasarkan persamaan (4.3) maka  $\mathbf{f} \sim N(0, \sigma^2\mathbf{I})$  atau telah memenuhi asumsi Homogenitas, sehingga rumus taksiran untuk GLS sebagai berikut :

$$\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^* = (\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{X}^*)^{-1}\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{Y}$$

dengan  $E(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*) = E[(\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{X}^*)^{-1}\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{Y}] = \boldsymbol{\beta}^*$  (4.4)

dan matriks varian-kovarian sebagai berikut :

$$Var(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*) = E[(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^* - E(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*))(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^* - E(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*))^t] = \sigma^2(\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{X}^*)^{-1}$$

sedangkan estimator untuk  $\sigma^2$  GLS adalah

$$\hat{\sigma}_{GLS}^2 = \frac{1}{n-p}[(\mathbf{Y} - \mathbf{X}\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*)^t\boldsymbol{\Omega}^{-1}(\mathbf{Y} - \mathbf{X}\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*)]$$

dimana :  $n$ = Banyaknya data observasi ;  $p$ = Banyaknya variabel bebas / faktor

Taksiran  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*$  merupakan *Best Linier Unbiased Estimator* (BLUE). Sifat-sifat BLUE adalah sebagai berikut :

1. Linier, estimator yang diperoleh dengan metode GLS adalah  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^* = (\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{X}^*)^{-1}\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{Y}$ . Karena  $(\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}\mathbf{X}^*)^{-1}\mathbf{X}^{*t}\boldsymbol{\Omega}^{-1}$  adalah matriks yang berisi angka tetap maka  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*$  adalah fungsi linier dari  $\mathbf{Y}$ . sehingga  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*$  adalah sebuah estimator linier.
2. Tak Bias (*Unbiased*), estimator dikatakan tak bias jika  $E(\hat{\boldsymbol{\beta}}) = \boldsymbol{\beta}$ . Estimator GLS tak bias karena  $E(\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*) = \boldsymbol{\beta}^*$ . Hal ini ditunjukkan pada persamaan (4.4).
3. Variansi Minimum, cara menunjukkan  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*$  adalah estimator-estimator terbaik (*best estimator*), harus dibuktikan bahwa  $\hat{\boldsymbol{\beta}}_{GLS}^*$  mempunyai variansi yang terkecil atau minimum di antara variansi estimator tak bias linear yang lain.

### 4.3 Penerapan Pada Data

#### 4.3.1 Pengujian Asumsi pada Rancangan Percobaan

##### 1. Normalitas

Uji yang digunakan untuk mengetahui apakah data pengamatan menyebar normal adalah uji Liliefors. Berdasarkan prosedur Uji diperoleh nilai  $L_o = 0,188291$ , sedangkan nilai  $L$  pada tabel kritis untuk uji Liliefors dengan taraf signifikan 0,05 diperoleh sebesar 0,147667, karena nilai  $L_o = 0,188291 > L_{(0,05,36)} = 0,147667$ , maka dapat disimpulkan bahwa  $H_o$  ditolak yang berarti data tidak menyebar secara normal, sehingga perlu dilakukan transformasi logaritma pada data. Hasil uji liliefors data transformasi diperoleh nilai  $L_o = 0,139051$ , sedangkan nilai  $L$  pada tabel kritis untuk uji Liliefors dengan taraf signifikan 0,05 diperoleh sebesar 0,147667, karena nilai  $L_o < L_{(0,05,36)}$ , maka dapat disimpulkan bahwa  $H_o$  diterima yang berarti data menyebar secara normal.

##### 2. Kehomogenan Variansi

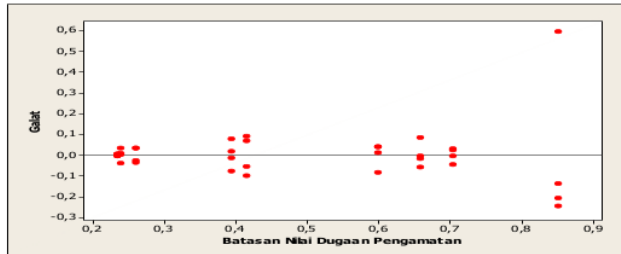
Uji asumsi yang digunakan untuk memeriksa kehomogenan galat adalah uji Bartlett. Distribusi sampling Uji Bartlett dapat didekati oleh distribusi chi-square dengan derajat kebebasan  $(p-1)$ . Hasil perhitungan nilai  $\chi_{hit}^2$  pada data transformasi dengan bantuan software SAS Studio diperoleh  $\chi_{hit}^2 =$

## A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

11,485336 dan nilai  $\chi_{(0,05,2)}$  pada tabel nilai kritis sebaran  $\chi$  diperoleh 5,991. Karena  $\chi_{hit}^2 > \chi_{(0,05,2)}$ , maka  $H_0$  ditolak yang berarti terdapat perbedaan variansi pada perlakuan (heterokedastisitas).

### 3. Kebebasan Pengamatan

Kebebasan pengamatan dapat diamati dari plot antara nilai dugaan pengamatan dengan nilai galat ditunjukkan pada Gambar 1 berikut :



Gambar 1. Plot antara Nilai Dugaan Pengamatan dengan Nilai Galat

Pada Gambar 1 dapat dilihat bahwa titik-titik galat menyebar secara acak atau tidak membentuk pola tertentu sehingga dapat disimpulkan bahwa asumsi kebebasan galat terpenuhi.

### 1.3.2 Pengujian Autokorelasi

Autokorelasi adalah korelasi yang terjadi antara residual pada satu pengamatan dengan pengamatan lain pada model regresi. Secara umum, uji yang digunakan untuk memeriksa autokorelasi adalah Durbin-Watson. Berdasarkan Output minitab diperoleh nilai  $DW = 2,0924$ . Nilai ini terletak antara nilai  $dl = 0,5201$  dan  $du = 2,7742$  (tabel Durbin-Watson) sehingga, tidak ada kesimpulan yang pasti tentang ada atau tidaknya gejala autokorelasi dari data tersebut. Jika terjadi hal seperti ini, langkah yang harus dilakukan adalah dengan uji run test. Berdasarkan output SPSS diperoleh nilai  $Asymp. Sig. (2-tailed) = 0,612 > \alpha = 0,05$ , maka dapat disimpulkan bahwa tidak terdapat gejala atau masalah autokorelasi.

### 4.3.3 Pengujian Hipotesis

Hipotesi yang akan diuji adalah sebagai berikut :

- (i) Faktor A tetap dengan 3 taraf dan faktor B tetap dengan 3 taraf
  - 1)  $H_0: \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 0$  Vs  $H_1: \text{terdapat } \alpha_i \neq 0, i = 1,2,3$
  - 2)  $H_0: \beta_1 = \beta_2 = \beta_3 = 0$  Vs  $H_1: \text{terdapat } \beta_j \neq 0, j = 1,2,3$
  - 3)  $H_0: \gamma_{11} = \gamma_{12} = \dots = \gamma_{33} = 0$  Vs  $H_1: \text{terdapat } \gamma_{ij} \neq 0, i = 1,2,3, j = 1,2,3$
- (ii) Faktor A tetap dengan 3 taraf t dan faktor B acak dengan 3 taraf
  - 1)  $H_0: \alpha_1 = \alpha_2 = \alpha_3 = 0$  Vs  $H_1: \text{terdapat } \alpha_i \neq 0, i = 1,2,3$
  - 2)  $H_0: \sigma_\beta^2 = 0$  Vs  $H_1: \sigma_\beta^2 > 0$
  - 1)  $H_0: \sigma_\gamma^2 = 0$  Vs  $H_1: \sigma_\gamma^2 > 0$

### 4.3.4 Analisis Variansi pada Data

Adapun struktur analisis variansi (ANOVA) untuk berbagai model sebagai berikut :

- (i) Analisis variansi model tetap untuk data asli ditunjukkan pada tabel 4.1 berikut:

Tabel 4.1 Hasil Perhitungan ANOVA model tetap pada data asli

Sumber	DB	JK	KT	F <sub>hitung</sub>	F <sub>tabel</sub>
--------	----	----	----	---------------------	--------------------

**A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong**

					5%	1%
A	2	0,1793	0,0897	0,566834	3,354	5,4881
B	2	4,7023	2,3511	14,86246**	3,354	5,4881
A*B	4	0,8524	0,2131	1,347155	2,728	4,1056
GALAT	27	4,2712	0,1582			
TOTAL	35	10,0053				

Sumber : Hasil olahan, 2018

Kesimpulan :

- 1)  $F_{hit}(A) = 0,566834 < F_{0,05(2,27)} = 3,354$ , maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada perbedaan pengaruh penambahan bahan perekat terhadap berat jenis pakan pellet.
- 2)  $F_{hit}(B) = 14,86246 > F_{0,01(2,27)} = 5,4881$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak (sangat signifikan) yang artinya ada perbedaan pengaruh lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.
- 3)  $F_{hit}(AB) = 1,8926 < F_{\alpha(4,27)} = 2,728$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada pengaruh interaksi antar penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.

(ii) Analisis variansi model tetap untuk data transformasi ditunjukkan pada tabel 4.2.

Tabel 4.2 Hasil Perhitungan ANAVA model tetap pada data transformasi

Sumber	DB	JK	KT	F <sub>hitung</sub>	F <sub>tabel</sub>	
					5%	1%
A	2	0,0303	0,0152	0,74455	3,354	5,4881
B	2	1,4651	0,7325	35,9953**	3,354	5,4881
A*B	4	0,1541	0,0385	1,8926	2,728	4,1056
Galat	27	0,5495	0,0204			
Total	35	2,1989				

Sumber : Hasil olahan, 2018

Kesimpulan :

- 1)  $F_{hit}(A) = 0,74455 < F_{0,05(2,27)} = 3,354$ , maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada perbedaan pengaruh penambahan bahan perekat terhadap berat jenis pakan pellet.
- 2)  $F_{hit}(B) = 35,9953 > F_{0,01(2,27)} = 5,4881$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak (sangat signifikan) yang artinya ada perbedaan pengaruh lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.
- 3)  $F_{hit}(AB) = 1,8926 < F_{\alpha(4,27)} = 2,728$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada pengaruh interaksi antar penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.

(iii) Analisis variansi model tetap untuk data transformasi dengan metode GLS ditunjukkan pada tabel 4.3.

SUMBER	DB	JK	KT	F <sub>hitung</sub>	F <sub>tabel</sub>	
					5%	1%

### A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

A	2	0,0303	0,0152	2,10448	3,354	5,4881	Tabel 4.3 Hasil
B	2	1,4651	0,7325	101,7408**	3,354	5,4881	
A*B	4	0,1541	0,0385	5,3493**	2,728	4,1056	
GALAT	27	0,5495	0,0072				
TOTAL	35	2,1989					

Perhitungan ANAVA model tetap pada data transformasi metode GLS

Sumber : Hasil olahan, 2018

Kesimpulan :

- 1)  $F_{hit}(A) = 2,10448 < F_{0,05(2,27)} = 3,354$ , maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada perbedaan pengaruh penambahan bahan perekat terhadap berat jenis pakan pellet.
- 2)  $F_{hit}(B) = 101,7408 > F_{0,01(2,27)} = 5,4881$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak (sangat signifikan) yang artinya ada perbedaan pengaruh lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.
- 3)  $F_{hit}(AB) = 1,8926 < F_{0,01(4,27)} = 2,728$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak (sangat signifikan) yang artinya ada pengaruh interaksi antar penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.

(iv) Analisis variansi model campuran (faktor A tetap dan faktor B acak) untuk data transformasi ditunjukkan pada tabel 4.4. sebagai berikut

Tabel 4.4 Hasil Perhitungan ANAVA model campuran pada data transformasi

Sumber	DB	JK	KT	F <sub>hitung</sub>	F <sub>tabel</sub>	
					5%	1 %
A	2	0,0303	0,0152	0,39341	6,944	18
B	2	1,4651	0,7325	35,9953	3,354	5,4881
A*B	4	0,1541	0,0385	1,8926	2,728	4,1056
Galat	27	0,5495	0,0204			
Total	35	2,1989				

Sumber : Hasil olahan, 2018

Berdasarkan data transformasi, nilai estimasi variansi model campuran berdasarkan persamaan (2.2), (2.3), dan (2.4) sebagai berikut :

$$\sigma_e^2 = KTG = 0,0204$$

$$\sigma_\beta^2 = \frac{1}{ar} [KTB - KTAB] = \frac{1}{12} [0,7325 - 0,0385] = 0,057835$$

$$\sigma_\gamma^2 = \frac{1}{r} [KTAB - KTG] = \frac{1}{4} [0,0385 - 0,0204] = 0,004541$$

Kesimpulan :

- 1)  $F_{hit}(A) = 0,39342 \leq F_{0,05(2,4)} = 6,944$ , maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada perbedaan pengaruh perlakuan penambahan bahan perekat terhadap berat jenis pakan pellet.
- 2)  $\sigma_\beta^2 = 0,057835 > 0$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak yang artinya terdapat keragaman antar lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.
- 3)  $\sigma_\gamma^2 = 0,0045411 > 0$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak yang artinya terdapat keragaman antar penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan pakan.

## A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong

### 4.3.5 Estimasi Komponen Variansi pada Rancangan Faktorial Acak Lengkap Metode GLS

Data pada lampiran 2 akan dibentuk menjadi persamaan regresi seperti persamaan (4.3) dengan kontruksi matriks seperti (lampiran 18).

Hasil output SAS Studio pada (lampiran 20) diperoleh  $\hat{\sigma}_{OLS}^2 = 0,0262$  taksiran  $\hat{\beta}_{GLS}^* = [0,27225 \ 0,09785 \ 0,06126 \ 0,11313 \ 0,07980 \ 0,28128 \ -0,08883 \ -0,05607 \ 0,20013 \ -0,04621 \ 0,00211 \ 0,04393 \ 0,01522 \ 0,13377 \ 0,03722 \ -0,05785]^t$ . Sehingga diperoleh  $\sigma_e^2 = 0,00716$ ,  $\sigma_\beta^2 = 0,03434$  dan  $\sigma_{\alpha\beta}^2 = 0,00774$ . Berdasarkan hipotesis yang dirumuskan pada point 4.3.2 maka dapat disimpulkan bahwa :

- 1)  $F_{hit}(A) = 2,12291 < F_{0,05(2,27)} = 3,354131$ , maka hipotesis nol ( $H_0$ ) diterima yang artinya tidak ada perbedaan pengaruh penambahan bahan perekat terhadap berat jenis pakan pellet.
- 2) Nilai estimasi  $\sigma_\beta^2$  yang diperoleh yaitu  $0,03434 > 0$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak yang artinya terdapat keragaman populasi lama penyimpanan pakan terhadap berat jenis pakan pellet.
- 3) Nilai estimasi  $\sigma_{\alpha\beta}^2$  yang diperoleh yaitu  $0,00774 > 0$  maka hipotesis nol ( $H_0$ ) ditolak yang artinya terdapat keragaman populasi antar penambahan bahan perekat dan lama penyimpanan pakan.

12

## 5. Kesimpulan

Berdasarkan hasil dan pembahasan yang telah diperoleh maka dapat disimpulkan sebagai berikut:

- a. Penduga komponen variansi dengan metode GLS pada data rancangan faktorial acak lengkap dengan faktor A 3 taraf, faktor B 3 taraf, dan 4 ulangan adalah  $\hat{\beta}_{GLS(16 \times 1)}^* = (\mathbf{X}_{(16 \times 36)}^{*t} \Omega_{(36 \times 36)}^{-1} \mathbf{X}_{(36 \times 16)}^*)^{-1} \mathbf{X}_{(16 \times 36)}^{*t} \Omega_{(36 \times 36)}^{-1} \mathbf{Y}_{(36 \times 1)}$
- b. Estimasi komponen variansi pada rancangan faktorial acak lengkap dengan metode GLS yang diperoleh adalah  $\sigma_e^2 = 0,00716$ ,  $\sigma_\beta^2 = 0,03434$  dan  $\sigma_{\alpha\beta}^2 = 0,00774$ , yang berarti bahwa terdapat keragaman pengaruh lama penyimpanan terhadap berat jenis pakan pellet, dan terdapat keragaman interaksi antar jenis perekat dan lama penyimpanan terhadap berat jenis pakan pellet.

## Daftar Pustaka

- [1]. Antasari Ina., 2010. *Penerapan Diagnostik Sisaan pada Model Linier Rancangan Acak Kelompok Lengkap*. DI Yogyakarta : Universitas Negeri Yogyakarta
- [2]. Corbeil, R. R., dan Searle, R.R., 2012. *Retricted Maximum Likelihood Estimation of Variance Components in the Mixed Model*. Technometrics
- [3]. Gasperz, Vincent., 1994. *Metode Perancangan Percobaan Untuk Ilmu-ilmu Pertanian, Ilmu-ilmu Teknik, Biologi*. Bandung : CV.ARMICO.
- [4]. Hartley, H.O dan Rou, J.N.K., 1967 . *Maximium-likelihood Estimation for The Mixed Analysis of Variance Model*. *Biometrics* p.93
- [5]. Hasby dkk. 2013. Pendugaan Komponen Variansi Pada Model Campuran Klasifikasi Dua Arah Menggunakan Metode Restricted Maximum Likelihood (REML). *Journal of Mathematics* : Universitas Brawijaya, Malang.
- [6]. Kariya, T. and Hiroshi, K., 2004. *Generalized Least Square*. John Wiley & Sons, Ltd : Chichester.
- [7]. Mattjik, A.A dan I M Sumertajay., 2002. *Perancangan Percobaan dengan Aplikasi SAS dan Minitab*, Jilid I. IPB Press. Bogor.

**A. Muthiah Nur Angriany, Georgina Maria Tinungki, Raupong**

- [8]. Montgomery, D.C., 1991. *Design and Analysis of Experiments*, 3<sup>rd</sup> ed. John Wiley & Sons, Inc. Singapore.
- [9]. Patterson, H.D., & Thompson, R., 1971. Recovery of inter-block information when block sizes are unequal. *Bometrika*, 58, 545-554
- [10]. Rahma, Wahyuwati., 2013. *Analisis Faktorial RAL dengan Metode Generalized Least Square*. Skripsi : Universitas Hasanuddin, Makassar
- [11]. R. A. Yusrapardi., 2008. *Pengaruh penambahan perekat tepung tapioka dan tepung galek serta lama penyimpanan yang berbeda terhadap sifat fisika pakan itik bentuk pellet*. Skripsi : Universitas Hasanuddin, Makassar
- [12]. Safitri, Nur Khamariah., 2013. *Estimasi Komponen Varian pada Rancangan Faktorial Acak Lengkap dengan Metode Rekricted Maximum Likelihood* Skripsi : Universitas Hasanuddin, Makassar
- [13]. Searle dkk., 2006. *Variance Components*. New York: John Wiley & Sons.
- [14]. Searle, Shayle R., 1982. *Matrix Algebra Useful For Statistics*. John Wiley & Sons, Ltd : Chichester.

ORIGINALITY REPORT

---

8%

SIMILARITY INDEX

%

INTERNET SOURCES

8%

PUBLICATIONS

%

STUDENT PAPERS

---

PRIMARY SOURCES

---

- 1 Marwah, Asriani Hasanuddin, Syahrir. "Nutrient Content of Bioconverted Sludge Palm Oil Using Rizhopus olygosporus as Feed", Jurnal Ilmiah AgriSains, 2021 1%  
Publication

---
- 2 Zulham Azari Lubis, Thomas Firdaus Hutahaeon, Silvia Kesuma, Anju Veronika Karin. "Pengaruh ROA, CR, dan DER terhadap harga saham perusahaan manufaktur subsektor food and beverage yang terdaftar di BEI Tahun 2015-2019", Jurnal Paradigma Ekonomika, 2021 1%  
Publication

---
- 3 Ghina Rizqa Raihanah, Junaidi Junaidi, Fadjryani Fadjryani. "PENGARUH INTERAKSI GENOTIP DAN LINGKUNGAN TERHADAP PENINGKATAN PRODUKTIVITAS TANAMAN BAWANG MERAH MENGGUNAKAN METODE SEM-AMMI", BAREKENG: Jurnal Ilmu Matematika dan Terapan, 2021 1%  
Publication

---

4

Asrul Lamarang, A. Yelnetty, L.Ch.M Karisoh, N.N Lontaan. "PENGARUH LAMA PERENDAMAN DALAM GEL LIDAH BUAYA (Aloe vera) TERHADAP KUALITAS TELUR AYAM RAS", ZOOTEK, 2020

Publication

---

1 %

5

Kovertina Rakhmi Indriana. "UJI GABUNGAN PERTUMBUHAN JARAK PAGAR AKIBAT PEMBERIAN FMA DAN SITOKININ DI DUA LOKASI BERBEDA", AGROSCIENCE (AGSCI), 2020

Publication

---

1 %

6

Ida Nurjelita Sani, Amrul Bahar, Elvinawati Elvinawati. "PERBANDINGAN MODEL PEMBELAJARAN PROBLEM SOLVING DAN PROBLEM BASED LEARNING TERHADAP KEMAMPUAN BERPIKIR KRITIS SISWA KELAS XI MIA MAN 2 KOTA BENGKULU", Alotrop, 2020

Publication

---

1 %

7

Riza Nopinilianti, Burhanuddin Burhanuddin, M Sofwan Anwari. "POLA TANAM PROPAGUL DAN BIBIT Rhizophora stylosa Griff. PADA TAPAK BERLUMPUR DI AREAL REHABILITASI MANGROVE DESA MENDALOK", jurnal TENGGAWANG, 2020

Publication

---

1 %

8

Rizkia Ramadhani, Aas Nurasyiah, Suci Aprilliani Utami. "Analisis Faktor Risk Profile,

1 %

Good Corporate Governance, Earnings, dan Capital terhadap Profitabilitas pada Bank Syariah Bukopin Periode 2011-2019", Al-Kharaj : Jurnal Ekonomi, Keuangan & Bisnis Syariah, 2021

Publication

---

9

Fadjryani Fadjryani. "RANCANGAN PERCOBAAN PENGAMATAN BERULANG UNTUK ANALISIS PENGARUH INTERAKSI CAHAYA DAN MEDIA TANAM TERHADAP PERTUMBUHAN DAN PERKEMBANGAN PERKECAMBAHAN KACANG HIJAU", JURNAL ILMIAH MATEMATIKA DAN TERAPAN, 2016

Publication

---

<1 %

10

Nikmatun Tanti Hidayah, Warganda Warganda, Dini Anggorowati. "THE EFFECT OF CHICKEN MANURE AS ORGANIC MATTER AND NPK FERTILIZER ON GROWTH AND YIELD OF CABBAGE IN ALLUVIAL SOIL", Jurnal Sains Pertanian Equator, 2022

Publication

---

<1 %

11

Nurulia Fadillah, Muhajir Utomo, Nur Afni Afrianti, Sarno Sarno. "PERUBAHAN SIFAT KIMIA TANAH PADA PROFIL TANAH AKIBAT PENERAPAN SISTEM OLAH TANAH DAN PEMUPUKAN N JANGKA PANJANG PADA LAHAN PERTANAMAN JAGUNG (Zea mays L.)

<1 %

12

Abdul Rakhfid, Rochmady Rochmady. "Analisis nilai ekonomi hutan mangrove di Kabupaten Muna (Studi kasus di Desa Labone Kecamatan Lasalepa dan Desa Wabintingi Kecamatan Lohia)", Agrikan: Jurnal Ilmiah Agribisnis dan Perikanan, 2013

Publication

---

<1 %

13

Tri Maryugo Hawati, Rina Oktaviani, A. Faroby Falatehan. "STRATEGI OPTIMALISASI PENERIMAAN RETRIBUSI PELAYANAN PARKIR TEPI JALAN UMUM KOTA TANGERANG SELATAN", Jurnal Penelitian Transportasi Darat, 2018

Publication

---

<1 %

14

Mega Royani, Ervi Herawati. "THE PHYSICAL CHARACTERISTIC TEST OF GAMAL (*Gliricidia sepium*) PELLET THAT ADDED OF BINDER", JURNAL PETERNAKAN NUSANTARA, 2020

Publication

---

<1 %

15

M Nursanti, Fadjryani Fadjryani. "ANALISIS VARIAN DUA FAKTOR DALAM RANCANGAN PENGAMATAN BERULANG Studi Kasus : Pertumbuhan dan Perkembangan Perkecambahan Kacang Tanah", JURNAL ILMIAH MATEMATIKA DAN TERAPAN, 2016

Publication

<1 %

---

16

Waluyo Waluyo. "PENGARUH PEMAHAMAN AGAMA, MOTIFASI MENDAPATKAN PROFIT DAN TINGKAT PENDIDIKAN TERHADAP KESADARAN SERTIFIKASI HALAL BAGI PRODUSEN MAKANAN DI KABUPATEN SLEMAN DAN BANTUL", INFERENSI, 2013

Publication

<1 %

---

17

Yuliani Karlina, Asep Kurniawan, Indah Umiyati. "FAKTOR-FAKTOR YANG MEMPENGARUHI NIAT MELAKUKAN PENGGELAPAN PAJAK", JASS (Journal of Accounting for Sustainable Society), 2021

Publication

<1 %

---

Exclude quotes On

Exclude matches < 4 words

Exclude bibliography On